

1

QU'EST-CE QU'UNE PROPORTION ?



À savoir

DÉFINITION – Proportion

Une proportion est un nombre qui permet de passer (par multiplication) de l'effectif d'une partie à l'effectif d'une autre partie (l'une des deux parties peut être le tout).

REMARQUE – Écriture d'une proportion

Pour représenter clairement l'effectif de la partie et l'effectif de l'ensemble entier, on peut utiliser une écriture fractionnaire.

Pour comprendre

ex. 1 : Trouver la proportion de cases grisées dans l'ensemble des cases.

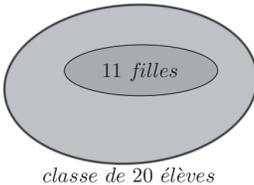


Solution :

La proportion de cases grisées dans l'ensemble des cases est égal à : $\frac{3}{6}$.

← Le nombre de cases grisées est 3.
Le nombre total de cases est 6 .

ex. 2 : Trouver la proportion de filles dans la classe en utilisant le diagramme suivant :



Solution :

La proportion de filles dans la classe est égale à $\frac{11}{20}$.

← Le nombre de filles est égal à 11 .
Le nombre total d'élèves est égal à 20 .



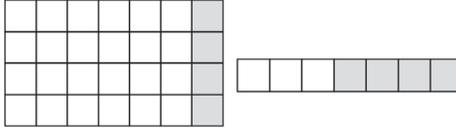
TOP CHRONO

C'est l'interro !

Exercice 1.1 (2 pts)

 2 min

Cerise a coloré $\frac{4}{28}$ d'un rectangle. Léonie a coloré $\frac{4}{7}$ d'un rectangle. Associer son dessin à chaque enfant.



Exercice 1.2 (2 pts)

 5 min

L'aquaculture produit 45 millions de tonnes par an dans le monde, dont 10 millions de tonnes de mollusques et 20 millions de tonnes de poissons d'eau douce.

Exprimer à l'aide d'une fraction la proportion :

- a. de mollusques ;
- b. de poissons d'eau douce.

Exercice 1.3 (2 pts)

 5 min

Une baguette de pain de 250 g contient 8 g de protéines, 56 g de glucides et 1 g de lipides.

- a. Quelle fraction d'une baguette représente les protéines ?
- b. Reprendre la question précédente pour les glucides et les lipides.

Exercice 1.4 (4 pts)

 10 min

Une ville a investi dans la production d'énergie renouvelable avec la pose de panneaux solaires sur ces certains bâtiments publics.

	Superficie des panneaux	Masse de CO_2 non émise
Gymnase	30 m ²	5,8 t
Crèche	26,5 m ²	4,6 t
Piscine	20,8 m ²	3,8 t

Calculer la proportion de masse de CO_2 non émise pour le gymnase (puis pour la crèche et la piscine) par rapport à l'ensemble de ces bâtiments publics.

COMMENT CALCULER UNE GRANDEUR DANS UNE SITUATION DE PROPORTIONNALITÉ ?



► À savoir

Pour comprendre les deux procédures expliquées dans cette fiche, on va utiliser l'exemple concret ci-dessous :

« La voiture de Juliette consomme 10 L de gasoil pour parcourir 200 km. »

PROCÉDURE PAR LINÉARITÉ MULTIPLICATIVE

Si on veut connaître la consommation de la voiture pour 600 km, c'est-à-dire 3 fois plus que 200 km, on doit comprendre que la voiture de Juliette consommera 3 fois plus de gasoil, soit 30 L (3×10).

Si l'on veut connaître la consommation de la voiture pour 100 km, c'est-à-dire moitié moins que 200 km, on doit comprendre que la voiture de Juliette consommera moitié moins, soit 5 L ($10 \times 0,5$).

Cette procédure permet de trouver des données multiples (600 km ; 30 L) ou (100 km ; 5 L) aux données initiales (200 km ; 10 L).

PROCÉDURE PAR LINÉARITÉ ADDITIVE

Si l'on veut connaître la consommation de la voiture pour 450 km (= 400 + 50), c'est-à-dire 2 fois plus que 200 km et 1 fois moitié moins que 200 km), on doit comprendre que la voiture de Juliette consommera 2,5 ($2 + 0,5$) fois plus de gasoil, soit 25 L ($2 \times 10 + 0,5 \times 10$).

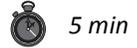
Cette procédure permet de trouver des données non multiples (450 km ; 25 L) aux données initiales (200 km ; 10 L).



TOP CHRONO

C'est l'interro !

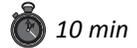
Exercice 2.1 (2 pts)



Quatre crayons coûtent 2,42 €. En utilisant l'une des deux procédures de cette fiche, calculer combien coûtent :

- a. Douze crayons ;
- b. Quatorze crayons.

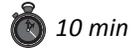
Exercice 2.2 (4 pts)



Dix objets identiques coûtent 22 €. En utilisant l'une des deux procédures de cette fiche, calculer combien coûtent :

- a. Trente objets identiques ;
- b. Cinq objets identiques ;
- c. Trente-cinq objets identiques ;
- d. Douze objets identiques.

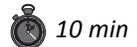
Exercice 2.3 (4 pts)



Quatre cahiers coûtent 10 €. En utilisant l'une des deux procédures de cette fiche, calculer combien coûtent :

- a. Deux cahiers ;
- b. Douze cahiers ;
- c. Six cahiers ;
- d. Quatorze cahiers.

Exercice 2.4 (4 pts)



Quatre gommes coûtent 3 €. En utilisant l'une des deux procédures de cette fiche, calculer combien coûtent :

- a. Deux gommes ;
- b. Cinq gommes ;
- c. Onze gommes ;
- d. Vingt-et-une gommes.



À savoir

DÉFINITION – *Tableau de proportionnalité*

Un tableau est dit « de proportionnalité » lorsqu'on multiplie chaque nombre d'une même ligne par le même nombre (appelé **coefficient de proportionnalité**) pour obtenir les nombres de la deuxième ligne qui correspondent.

MÉTHODES

Pour savoir si un tableau est de proportionnalité, il faut diviser chaque nombre de la deuxième ligne par le nombre de la première ligne qui correspond. Si chaque division donne le même résultat, alors le tableau est de proportionnalité.

Pour connaître la valeur d'un nombre de la deuxième ligne, il faut multiplier le nombre de la première ligne qui lui correspond par le coefficient de proportionnalité.

Pour comprendre

ex. 1 : Ce tableau est-il de proportionnalité ?

<i>Durée de location (en h)</i>	2	5
<i>Prix (en €)</i>	17	38

Solution : $\frac{17}{2} = 8,5$; $\frac{38}{5} = 7,6$ et $8,5 \neq 7,6$.

← Donc le tableau n'est pas un tableau de proportionnalité.

ex. 2 : Trouver le nombre manquant dans le tableau de proportionnalité ci-dessous.

<i>Nombre de macarons</i>	6	10	15
<i>Prix (en €)</i>	8,4	14	?

Solution : $\frac{14}{10} = 1,4$.

Donc le prix correspondant à 15 macarons est égal à : $15 \times 1,4 = 21$ €.

← On calcule d'abord le coefficient de proportionnalité.



TOP CHRONO

C'est l'interro !

Exercice 3.1 (2 pts)



Dans une station de ski, on a compté le nombre de personnes qui prennent un télésiège en un temps donné.

Durée (en min)	10	20	30	45
Nombre de personnes	76	152	258	360

Le nombre de personnes est-il proportionnel à la durée ? Expliquer.

Exercice 3.2 (2 pts)



Dans une boulangerie, les croissants sont vendus par sachet. Voici les prix pratiqués.

Nombre de croissants	8	12	15
Prix (en €)	6,80	10,20	12,75

Ce tableau est-il un tableau de proportionnalité ? Justifier la réponse.

Exercice 3.3 (2 pts)



Compléter ce tableau de proportionnalité.

Volume (en m ³)	5	7	18
Masse (en kg)	400		

Exercice 3.4 (3 pts)



Voici un énoncé de problème.

Un paquet de 200 feuilles de papier pèse 160 g.

La masse est proportionnelle au nombre de feuilles.

- Combien pèse un paquet de 250 feuilles ?
- Combien de feuilles contient un paquet de 60 g ?

Recopier et compléter ce tableau avec les données de l'énoncé, puis répondre aux questions posées.

Nombre de feuilles			
Masse (en g)			

COMMENT FAIRE POUR CALCULER UNE QUATRIÈME PROPORTIONNELLE ?



À savoir

PROPRIÉTÉ – Quatrième proportionnelle

Soit a , b , c et d quatre nombres relatifs différents de 0.

Dire que le tableau ci-dessous est un tableau de proportionnalité revient à dire que les produits en croix $a \times d$ et $c \times b$ sont égaux.

a	c
b	d

MÉTHODE – Calculer une quatrième proportionnelle

Pour calculer la quatrième proportionnelle x dans le tableau ci-dessous

a	b
c	x

, il faut effectuer le calcul « en croix » $\frac{b \times c}{a}$.

Pour comprendre

ex. 1 : Calculer la quatrième proportionnelle dans le tableau ci-dessous :

6	<u>4</u>
<u>15</u>	x

$$\text{Solution : } x = \frac{15 \times 4}{6} = \frac{60}{6} = 10$$

ex. 2 : 100 ml d'un soda contiennent 11 g de sucre. Quelle est la masse de sucre, en g, contenue dans 25 cl de soda ?

Solution :

100 ml	250 ml
11 g	x

$$x = \frac{11 \times 250}{100} = 27,5 \text{ g}$$

La masse de sucre est de 27,5 g.

← On peut déjà représenter la situation sous la forme d'un tableau.

← Ensuite on calcule x avec le produit en croix.



TOP CHRONO

C'est l'interro !

Exercice 4.1 (3 pts)

 5 min

Calculer la quatrième proportionnelle (y , z ou t) dans chacun des tableaux ci-dessous :

a.

6	10
y	30

b.

z	5
27	15

c.

11	t
8	15

Exercice 4.2 (2 pts)

 5 min

Un tube d'acier de longueur 3,4 m a une masse de 41,7 kg.

- Calculer la masse d'un tube de 5 m de cet acier. Arrondir à l'unité.
- Un tube de cet acier a une masse de 8,34 kg. Quelle est sa longueur ?

Exercice 4.3 (4 pts)

 30 min

Marion a installé une pompe pour arroser son jardin. Cette pompe a un débit de 3 000 L par heure.

- Combien de temps faudra-t-il à Marion pour remplir sa citerne de 1 440 L ? Arrondir à l'unité.
- Marion a fait fonctionner sa pompe pendant 12 min. Quelle quantité d'eau a-t-elle utilisée ?
- Si Marion oublie de fermer sa pompe pendant 2 jours, quelle quantité d'eau aura-t-elle utilisée ?