

# Table des matières

<b>1 PRAM : algorithmes abstraits</b>	<b>11</b>
1.1 Prérequis . . . . .	11
1.2 Révision : complexité des algorithmes . . . . .	11
1.2.1 Algorithmes . . . . .	12
1.2.2 Mesures de complexité . . . . .	12
1.2.3 Notations asymptotiques . . . . .	14
1.2.4 Majorant, minorant, équivalence asymptotique . . . . .	14
1.2.5 Exemples . . . . .	15
1.2.6 Pire cas et cas moyen . . . . .	15
1.2.7 Optimalité . . . . .	15
1.2.8 Complexité vs temps de calcul . . . . .	16
1.3 Exercices : complexité des algorithmes . . . . .	16
1.4 Corrigé : complexité des algorithmes . . . . .	17
1.5 Le modèle PRAM . . . . .	19
1.5.1 Définition : mémoire partagée, opérations synchrones . .	20
1.5.2 Complexité parallèle, comparaison parallèle-séquentiel .	22
1.5.3 Algorithmes $p = n$ : diffusion, réduction, préfixes . .	24
1.5.4 Autre exemple de comparaison parallèle-séquentiel . .	30
1.5.5 Le théorème de Brent : réduire le nombre de processeurs	32
1.5.6 Algorithmes par blocs : diffusion, réduction, préfixes .	34
1.6 Exercices sur le modèle PRAM . . . . .	39
1.7 Corrigé : le modèle PRAM . . . . .	41
1.8 Lectures recommandées . . . . .	42
<b>2 BSP : algorithmes concrets</b>	<b>45</b>
2.1 Prérequis . . . . .	46
2.2 Le modèle BSP : parallélisme isochrone . . . . .	46
2.3 La machine BSP . . . . .	47
2.4 L'algorithme BSP . . . . .	48
2.4.1 Le modèle de coût BSP . . . . .	49
2.4.2 Algorithmes $p = n$ : diffusion, réduction, préfixes . .	51
2.4.3 Algorithmes par blocs : diffusion, réduction, préfixes .	56

---

2.5 Le tri BSP de Tiskin-McColl . . . . .	66
2.6 Complexité, coût BSP et temps de calcul . . . . .	74
2.7 Exercices sur le modèle BSP . . . . .	78
2.8 Corrigé : le modèle BSP . . . . .	79
2.9 Lectures recommandées . . . . .	81
<b>3 BSML</b>	<b>83</b>
3.1 Prérequis . . . . .	84
3.2 Introduction à OCaml . . . . .	84
3.3 Les primitives BSML . . . . .	101
3.4 Les algorithmes BSP en BSML . . . . .	111
3.4.1 Exercices sur BSML . . . . .	121
3.4.2 Corrigé des exercices sur BSML . . . . .	123
3.5 La bibliothèque BSML . . . . .	134
3.5.1 Nouvelle syntaxe pour vecteurs parallèles . . . . .	134
3.5.2 Algorithmes parallèles pré-programmés . . . . .	136
3.6 Lectures recommandées . . . . .	137
<b>4 Sujets avancés autour de BSP</b>	<b>139</b>
4.1 Algorithmes BSP . . . . .	139
4.2 Programmation BSP . . . . .	140
<b>5 Annexes : sessions OCaml et BSML</b>	<b>143</b>
5.1 Session OCaml types scalaires . . . . .	143
5.2 Session OCaml structures de données . . . . .	146
5.3 Session BSML primitives . . . . .	150
5.4 Session BSML algorithmes . . . . .	155
<b>Références bibliographiques</b>	<b>165</b>