Avant-propos

"Les plus belles victoires, les seules qui ne donnent aucun regret, sont celles que l'on fait sur l'ignorance". Général Napoléon BONAPARTE extrait du discours prononcé à l'Institut, au retour de la campagne d'Egypte

BONAPARTE dit vrai : comprendre, acquérir des connaissances, rendre intelligibles des notions qui paraissent floues, c'est remporter la plus belle des victoires. Sans méthode, les égyptologues et les scientifiques n'auraient sans doute pas pu autant découvrir, sans méthode on ne peut rien.

La méthode c'est le fondement de ce livre, METHOD'S TROISIEME, et aussi de tous les autres livres de la collection METHOD'S et METHODIX, collection qui vous donne une liste de méthodes à maîtriser pour répondre à la plupart des questions qui vous sont posées au cours de l'année. La méthode c'est la clef de la réussite.

Peut-être avez-vous déjà feuilleté ce livre en vous interrogeant sur son mode d'emploi, résolument différent des autres manuels ? Comment donc l'utiliser, vous demandez-vous ? Et bien justement, de la manière la plus simple et la plus naturelle possible, dans un ton décontracté mais sérieux, fun mais rigoureux, cool et méthodique pour vous faire apprendre et comprendre tout le programme de Troisième et du Brevet (et ainsi, vous permettre de progresser et de vous perfectionner!). Cependant, voici quelques indications de bon usage de cet ouvrage :

Comment utiliser les méthodes?

L'originalité de cette collection tient dans l'exposé des méthodes, présentées sans détour et de manière immédiate : plus de 150 méthodes vous permettront d'acquérir le savoir-faire que l'on exige des élèves. Très visuelles par leur intitulé, elles vous permettront de retrouver rapidement une notion que vous voulez comprendre (ou approfondir). Elles couvrent l'ensemble du programme et sont toujours illustrées par un ou plusieurs exemples (souvent des classiques voire des incontournables), vous permettant de les assimiler et de les maîtriser d'autant plus vite!

Comment utiliser les trois rubriques en fin de chapitre?

- La rubrique "Réflexes": On vous conseille de bien étudier cette rubrique. En effet, dans une situation donnée, il suffit parfois d'une petite indication pour savoir quelle méthode immédiatement appliquer. Apprendre par coeur les rubriques "réflexes" vous sera donc d'une aide précieuse (surtout les jours de DS). Pour vous faciliter la tâche, on vous les a récapitulés sous forme de tableau, afin de les mémoriser en un clin d'oeil!
- La rubrique "Astuces": Si vous bloquez sur un point, si vous avez du mal à retenir une formule ou le nom d'un théorème, cette rubrique vous sera d'un grand secours: un peu comme si un bon génie vous chuchotait directement à l'oreille les réponses que vous cherchez. Pas besoin de frotter une lampe à huile, simplement bien lire cette rubrique!
- **La rubrique "Erreurs":** Pour éviter de commettre des erreurs archi-classiques (tellement classiques d'ailleurs qu'elles énervent beaucoup vos profes-

4 Avant-propos

seurs), bien lire cette rubrique, véritable caverne d'Ali Baba des bourdes, confusions et erreurs à ne pas commettre. Nous vous conseillons de bien en prendre connaissance pendant vos révisions afin de ne pas les reproduire le jour J: vous éviterez ainsi l'exaspération de votre prof ainsi que beaucoup de ratures (rouges) sur votre copie.

Recommandations avant d'attaquer la partie Exercices.

Les chapitres d'exercices comportent deux rubriques : les énoncés et les corrigés. Voici quelques conseils...

Comment faire les exercices ?

Le futur "roi des DS" que vous rêvez d'être se doit de s'exercer avant de se jeter dans la gueule du loup. Cela tombe bien : 90 exercices de Mathématiques et **beaucoup d'exercices type BREVET** ont été sélectionnés pour vous permettre de bien vous tester et vous mettre en condition! Bien sûr, le plus efficace reste de bien chercher avant de lire la correction (ce qui vous permettra de passer en revue les méthodes du chapitre). Plus vous aurez cherché, plus vous aurez mémorisé les méthodes, et plus vous aurez les idées claires!

Comment étudier les corrigés ?

Après avoir bien cherché les exercices, vous serez sans doute impatient de regarder leur correction. Bonne nouvelle : les corrigés des exercices sont méthodiquement rédigés, de manière complète (pour vous permettre d'assimiler efficacement toutes les méthodes), et les méthodes utilisées pour les résoudre sont indiquées en début de correction (au cas où vous vous sentiriez un peu perdu).

Quand utiliser ce livre?

Quand vous voulez, et le plus souvent (si possible)! Peut-on l'utiliser après les cours ? Bien sûr, pour retrouver vite le théorème ou la définition que l'on n'a pas "pigés": le format de ce livre permet d'aider ceux qui veulent comprendre vite une notion sans avoir besoin forcément de relire quinze ou vingt pages avant. Peut-on l'utiliser avant les cours ? Oh que oui, et c'est même très efficace pour savoir à l'avance de quoi le cours parle, et quelles sont les méthodes hyper classiques qui vous attendent! (Dans une ambiance détendue, cool et sans se prendre la tête!). De même, vous pouvez l'utiliser en même temps que vous apprenez votre cours (comme ca vous assimilerez le cours ET les méthodes en même temps) et aussi, bien sûr, pour réviser avant vos DS. N'hésitez pas à en user et à en abuser!! En choisissant METHOD'S, vous prenez l'habitude, dès votre Troisième, de travailler directement sur les méthodes. Gain de temps, efficacité, automatisme : vous constaterez très vite par vous-même les nombreux avantages de cette nouvelle façon de travailler. Ensuite, la collection METHOD'X vous accompagnera jusqu'au BAC, et même en classe prépa si vous choisissez cette orientation, enfin et c'est nouveau : pendant les vacances à travers les livres « les vacances de Method'S » remplis de vrai faux, jeux mathématiques, révisions de l'année précédente et découverte de l'année suivante, toujours avec le même esprit de rigueur et de cool attitude. Et ça, vous pouvez vérifier : il n'y a que CETTE collection qui vous l'offre!! Alors bon courage, bonnes méthodes et au travail!

METHODES D'ARITHMETIQUE

Salut ça farte ? Tous vos aînés vous le diront (enfin ceux qui savent calculer...) l'Arithmétique, c'est comme le vélo, ça ne s'oublie pas. Par contre, pour éviter de se casser la figure, il faut pratiquer, pratiquer, et encore pratiquer et de manière efficace! (Et surtout pas pédaler dans la semoule...) Comme il serait illusoire d'espérer obtenir le brevet en mettant trois quart d'heure à effectuer une soustraction ou une multiplication, on a décidé de vous montrer toutes les techniques de calculs de base qu'il faut absolument maîtriser si l'on veut éviter des remarques du genre: « dis donc t'as besoin de ta calculatrice pour calculer 13×7 » ?) et qui risquent de vous poursuivre jusqu'au Bac...

Heureusement, nous sommes là pour çà! Comme on vous aime bien (on vient à peine de faire connaissance, mais on sent que celui qui lit ses lignes est quelqu'un qui a décidé de prendre son destin en main (c'est-à-dire de devenir excellent en Maths dès cette année et surtout d'avoir le Brevet!): donc forcément soit un chic type responsable soit une jeune fille charmante qui a la tête sur les épaules), on va tout vous dire: toutes les astuces à connaître, tous les calculs qu'il faut savoir faire, toutes les mauvaises habitudes « peau de banane » qu'il ne faut plus avoir, bref tout vous dire du calcul, oui tout, on va tout vous dire... Vous êtes prêts ? (Avez-vous bien coupé votre MP3 fétiche ? Etes-vous bien déconnecté de MSN ?) Posez votre planche de surf (ou votre portable), allez c'est parti!

1. Comment devenir le roi du calcul mental?

Attention: si vous pigez bien ce paragraphe, les conséquences seront irrémédiables, tout le monde au collège vous appellera Einstein (qui n'est d'ailleurs pas un mathématicien mais un physicien) ou Bill Gates (célèbre génie informatique, l'homme le plus riche de la planète: l'inventeur de Microsoft), ou même Numb3rs (ça c'est pour les fans des séries...)! C'est pas que cela soit insultant (c'est quand même mieux, scientifiquement, que Jean Pascal ou Loana, que l'on salue au passage d'ailleurs...) mais bon comme eux vous allez déchaîner les foules, forcément (ou énerver tout le monde...). Vous l'aurez compris, il y a quelques bons petits trucs à savoir, on a dit qu'on n'allait rien vous cacher, bref dire tous nos trucs, allons-y!

A- Comment additionner rapidement?

METHODE 1 : Chercher la dizaine, la centaine... la plus proche et décomposer !

■ Principe

L'idée est de se ramener aux nombres 10, 20, 30... (ou 100, 200, etc.) les plus proches en décomposant (par exemple +7 en +3+4). Pourquoi faire ? On calcule bien plus rapidement ensuite (à partir de 10, 100, etc.). Démonstration!

■ Exemple : Calculer 17+7.

Voici comment on procède : on peut aller de 17 à 20 (la dizaine suivante la plus proche) avec 3, il reste 4 . D'où : 17+7=17+3+4=20+4=24 . Et voilà! Bon c'était un peu un exemple bidon celui-là. Voyons-en un plus sérieux!

■ Exemple: Calculer 86+27.

On peut aller de 86 à 100 avec 14, il reste 13 (car 27 = 14 + 13).

 $D'o\dot{o}: 86+27=86+14+13=100+13=113. Ok$?

■ Exemple : Calculer 174+257.

On peut aller de 174 à 200 avec 26, il reste 231 (car 257 = 26 + 231).

D'où 174 + 257 = 174 + 26 + 231 = 200 + 231 = 431.

Performant non? En tout cas, c'est une petite astuce qui peut faire gagner bien du temps...

B- Comment soustraire rapidement?

METHODE 2 : En partant du deuxième

■ Principe:

L'idée est la suivante : plutôt que de calculer a-b en partant de a (ce qui n'est pas ce qu'il y a de plus facile), on part de b pour rejoindre a en essayant de trouver ce qui manque. Vous n'avez rien compris ? Vous allez mieux comprendre sur un exemple. En piste!

Exemple: Calculer 67-39.

On part de 39 pour rejoindre 67.

De 39 à 40, il faut 1

De 40 à 67, il faut **27** d'où 67-39=1+27=28

Génial non? L'idée étant toujours de se ramener à des dizaines proches (comme 10,20, 30, etc.) ou à des centaines (100, 200, etc.) très facilement maniables. Allez tout de suite un exemple un peu plus impressionnant!

■ Exemple : Calculer 452 – 267.

De 267 à 270, il faut **3** De 270 à 300, il faut **30**

De 300 à 452, il faut **152** d'où 452-267 = **3** + **30** + **152** = 33 + 152 = 185. Cool, non ?

■ Exemple : Calculer 45014-41965.

De 41965 à 42000, il faut **35** De 42000 à 45000, il faut **3000** De 45000 à 45014, il faut **14**

D'où 45014-41965 = **35** + **3000** + **14** = 3049 . Facile, non ?

■ Exemple : Calculer 70250 – 67587.

Un peu plus dur et surtout un petit peu plus long :

De 67587 à 67600, il faut De 67600 à 68000, il faut De 68000 à 70000, il faut De 70000 à 70250, il faut

 $D'o\dot{o}: 70250 - 67587 = 13 + 400 + 2000 + 250 = 2413 + 250 = 2663$.

Allez, on continue, parce qu'on voit bien que là, c'est devenu trop facile pour vous!

C- Comment multiplier rapidement?

METHODE 3: En connaissant parfaitement ses tables

■ Principe:

Et oui, c'est bête à dire mais si vous ne les connaissez pas (c'est que vous avez trop dormi à côté du radiateur pendant la petite école...), il n'est pas trop tard (il n'est jamais trop tard pour bien faire, tout le monde le sait...), bon comme on vous aime bien, on vous les redonne!

×	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

Si ce n'est pas déjà fait, apprenez les par cœur! Si, si par cœur! (Vous aurez reconnu sur la diagonale la suite des carrés (en gras): $1^2 = 1$, $2^2 = 4$, $3^2 = 9$, $4^2 = 16$, $5^2 = 25$, $6^2 = 36$, $7^2 = 49$, $8^2 = 64$, $9^2 = 81$, $10^2 = 100$).

METHODE 4 : En décomposant par addition

■ Principe:

On utilise la propriété $(a+b)\times c = a\times c + b\times c$. Vous n'avez rien compris ? Vous allez voir, c'est tout de suite plus clair sur un exemple.

■ Exemple : Calculer 17×3.

On a: $17 \times 3 = (10+7) \times 3 = 10 \times 3 + 7 \times 3 = 30 + 21 = 51$. Ok? (Ramenez vous toujours à des nombres faciles comme 10, 100, 1000... les dizaines sont simples et très maniables, souvenez-vous en!).

■ Exemple : Calculer 27×16.

On a:

$$27 \times 16 = (20 + 7) \times 16 = 20 \times 16 + 7 \times 16 = 320 + 7 \times (10 + 6) = 320 + 7 \times 10 + 7 \times 6$$

= $320 + 70 + 42 = 390 + 42 = 432$. Et voilà! Ça « déchire », non?

METHODE 5 : En décomposant par soustraction

■ Principe:

On utilise la propriété $(a-b)\times c=a\times c-b\times c$. Vous ne voyez pas pourquoi ? Démonstration sur un exemple !

■ Exemple : Calculer 19×17.

On a $19 \times 7 = (20 - 1) \times 17 = 20 \times 17 - 1 \times 17 = 340 - 17 = 323$. Toujours ok ?

METHODE 6 : En décomposant par plusieurs petites multiplications

■ Principe:

Pour multiplier par 6, on multiplie par 2 puis par 3 (car on ne sait pas si vous êtes au courant mais $2 \times 3 = 6$...). Pour multiplier par 15, on multiplie par 3 puis par 5, etc. (Bien sûr, il faut être à l'aise avec la méthode 3 car on l'utilise plusieurs fois.)

■ Exemple : Calculer 153×6

On a: $153 \times 6 = 153 \times 2 \times 3 = 306 \times 3 = 918$ (car $306 \times 3 = (300 + 6) \times 3 = 300 \times 3 + 6 \times 3 = 900 + 18 = 918$. Facile... **■ Exemple :** Calculer 38×15.

On a: $38 \times 15 = 38 \times 3 \times 5 = 114 \times 5 = 570$.

(car $114 \times 5 = (100 + 14) \times 5 = 100 \times 5 + 14 \times 5 = 500 + 70 = 570$). Efficace, non?

METHODE 7: En utilisant la division

■ Principe:

Pour multiplier par 50 (par exemple), on multiplie par 100 puis on divise 2 (car $50 = 100 \div 2$). S'il s'agit de multiplier par 25, on multiplie par 100 puis on divise par 4 (car $25 = 100 \div 4$), etc.

■ Exemple : Calculer 12×25.

On a $12 \times 25 = 12 \times 100 \div 4 = 1200 \div 4 = 300$ (sinon on pouvait utiliser la méthode 3 et obtenir $12 \times 25 = (10 + 2) \times 25 = 10 \times 25 + 2 \times 25 = 250 + 50 = 300$).

D- Comment diviser rapidement?

METHODE 8 : En partant du deuxième

■ Principe:

L'idée est la suivante (elle rappelle celle de la méthode 2) : plutôt que de calculer $a \div b$ en partant de a, on part de b pour rejoindre a en essayant de trouver par combien il faut multiplier. Encore une fois voyons un exemple parce que là on comprend rien... (Au secours !!!!)

■ Exemple : Calculer 72 ÷ 8.

On sait que $8 \times 9 = 72$. Ainsi $72 \div 8 = 9$. Ok? (En fait, on devine celui qui manque... Evidemment, il faut être à l'aise avec vos tables, mais ça on le savait déjà...)

Exemple: Calculer $720 \div 120$.

On a $120 \times 6 = 720$ d'où : $720 \div 120 = 6$. Facile, non ?

METHODE 9 : En décomposant par plusieurs petites divisions

■ Principe:

Pour diviser par 6, on divise successivement par 2 puis par 3 (c'est ce que l'on fait concrètement lorsqu'on coupe un gâteau d'anniversaire en 6 parts : on le coupe d'abord en 2 puis chacune des deux moitiés en 3, vous n'aviez jamais remarqué ? Ah peut-être étiez-vous davantage concentré sur votre cadeau que sur votre gâteau, on voit le genre...).

De même pour diviser par 15, on divise successivement par 3 puis par 5, etc.

■ Exemple : Calculer 162÷18.

On a $162 \div 18 = (162 \div 2) \div 9 = 81 \div 9 = 9$ (et oui pour diviser par 18, on divise successivement par 2 puis par 9).

METHODE 10: En utilisant la multiplication

■ Principe:

Plutôt que de diviser par 5, on multiplie par 2 puis on divise 10. S'il s'agit de diviser par 25, on multiplie par 4 puis on divise par 100, etc.

■ Exemple: Calculer 7500 ÷ 5.

On a: $7500 \div 5 = (7500 \times 2) \div 10 = 15000 \div 10 = 1500$. Facile, non?

■ Exemple : Calculer 1500 ÷ 25.

On a: $1500 \div 25 = (1500 \times 4) \div 100 = 6000 \div 100 = 60$. Diaboliquement efficace,

non?

2. Comment simplifier une ligne de calculs?

Avant d'aborder les lignes de calculs, nous avons une terrible nouvelle à vous annoncer : il va y avoir des règles à respecter. Ne soyez pas trop bouleversé, c'est pour votre bien (c'est toujours ce qu'on nous dit lorsqu'on doit aller voir le dentiste ou le médecin...). Restons positifs ! S'il n'y avait pas de règles pour la circulation automobile par exemple (priorité à droite, feux rouges, feux clignotants, stop, cédez le passage...), ce serait une belle pagaille, même pire : ce serait extrêmement dangereux (et plus tard lorsque les voitures voleront dans les airs comme dans certains films de science fiction, ce sera pareil...).

En Maths, on a des règles également, que tout le monde doit respecter. Celui qui joue le rôle du gendarme, c'est votre prof qui a la grande charge d'y veiller (il n'a pas de sifflet comme les représentants de l'ordre mais un stylo rouge redoutable et un compteur de points mental (comme Robocop) qui lui permet de retirer des points à toute copie qui violerait intentionnellement ou non ces règles de base... ça rigole plus d'un coup...). Comme on ne peut espérer avoir le brevet sans connaître ces règles, on vous les rappelle!

METHODE 11 : En appliquant la priorité des opérations

■ Principe:

Voici l'ordre à respecter ! (On regarde comment se présentent les calculs, toujours de gauche à droite).

Priorité n°1 : Les calculs entre parenthèses. Priorité n°2 : Les multiplications et les divisions. Priorité n°3 : Les additions et les soustractions. **■ Exemple :** Calculer les nombres suivants :

a)
$$(7+3) \times 59$$

b)
$$1+2\times3$$

c)
$$1+12 \div 4$$

b)
$$1+2\times3$$
 c) $1+12\div4$ d) $2-6\times3+35\div5$

Si vous avez bien compris la priorité des opérations, voici ce que vous devriez obtenir:

a) On a: $(7+3) \times 59 = 10 \times 59 = 590$

b) On a: $1+2\times3=1+6=7$ c) On a: $1+12 \div 4 = 1+3 = 4$

d) On a: $2-6\times3+35\div5=2-18+7=-9$. Rien de bien méchant, n'est-ce pas ?

Et voilà, ce terrible chapitre est terminé. Vous pouvez refermer doucement votre livre et méditer sur les méthodes que nous venons de voir. Lorsque vous vous sentirez prêts, vous pourrez avec détente vous mesurer aux exercices (on en a mis une bonne dose, pour votre bien...).

Réflexes

	SITUATIONS	REFLEXES						
1.	Comment additionner rapidement?	 Décomposer en cherchant les dizaines (ou centaines) les plus proches. 						
2.	Comment soustraire rapidement ?	Soit mentalement.Soit en partant du deuxième.						
3.	Comment multiplier rapidement ?	On a l'embarras du choix : In utilisant les tables. In décomposant par addition. In décomposant par soustraction. In décomposant par multiplication. In décomposant par division.						
4.	Comment diviser rapidement ?	 Soit mentalement. Soit en partant du deuxième. Soit en décomposant par division. Soit en utilisant la multiplication. 						
5.	Comment simplifier une ligne de calculs ?	 En appliquant la priorité des opérations : Les calculs entre parenthèses en premier. Les multiplications et les divisions en deuxième. Les additions et les soustractions en troisième. 						

Astuces

■ Il ne faut pas s'affoler si vous ne devenez pas tout de suite le plus fort de la classe en calcul mental. Rome ne s'est pas fait en un jour, il vous faudra pas mal d'entraînement et pas mal d'habitude.

- Il faut faire du calcul mental régulièrement. Exercez-vous régulièrement à en faire (c'est plus marrant qu'une partie sur la console, on vous assure!), on vous a mis une bonne dose de calculs dans la partie exos (et oui, on a pensé à vous). Faites-les et refaites-les régulièrement, c'est comme cela que l'on devient bon!
- Les calculateurs prodiges ont toujours fasciné les foules. Le grand mathématicien allemand Carl Friedrich GAUSS (1777-1855) avait ce talent : à l'âge de sept ans seulement il calcula en quelques fractions secondes la somme 1+2+3+...+100 (pour connaître l'astuce, voir Method'S Première ou « les vacances de Method'S »), il y a également le génial Srinivasa RAMANUJAN (1887-1920), mathématicien indien autodidacte qui découvrait des formules qu'on a encore du mal aujourd'hui à comprendre...







Srinivasa RAMANUJAN

Citons le grand calculateur prodige français Jacques INAUDI (1867-1950) (qui n'était pas mathématicien) et ses représentations fantastiques dans lesquelles face au public il calculait des carrés de nombres à quatre chiffres, des racines cubiques de grands nombres, etc. en un temps record et parfois en faisant autre chose comme jouer un morceau de musique à la flûte... (pas mal, non. Aujourd'hui on remplacerait peut-être la flûte par une platine de DJ ou par une guitare électrique, façon Jean Roch ou Jimi Hendrix...)

Citons enfin, la gloire du moment: le français Alexis LEMAIRE (1980-), informaticien, qui a réussi à extraire en un temps record la racine treizième d'un nombre de 200 chiffres (record datant du 3 juin 2005), tout de suite ça calme. Que ceci vous motive à maîtriser parfaitement les calculs de base que l'on vous a présentés ici... (c'est çà, ouai...) et qui sait peut-être que le « futur » Alexis Lemaire est en train de lire ces lignes...

Erreurs

■ Les erreurs de calculs mais ça, c'est pas nouveau. Plus préoccupant est le fait d'utiliser systématiquement la calculatrice. Soyons clair, prendre sa calculette pour des opérations aussi simples que 8+13 n'est pas l'idée du

siècle. On perd du temps à la sortir, à l'allumer, à taper, et à la ranger, et à chaque fois que l'on a besoin d'un calcul. Sortir la calculette pour un gros calcul, d'accord, mais pour des trucs simples : non ! (Pourtant, nous on aime bien la calculatrice (voir Method'S Seconde) mais pour des tracés de courbes, des calculs de valeurs approchées...). Conclusion : c'est aussi pour vous aider à ne plus utiliser la calculatrice pour des choses simplissimes que l'on a fait ce chapitre! S'exercer au calcul mental régulièrement est au moins aussi bon pour l'esprit que certains jeux de consoles de jeux destinés à mesurer l'âge de votre cerveau... (et puis cela peut vous permettre d'exploser votre score à ces mêmes jeux). Positivez! Effectuer des calculs n'a rien d'effrayant.

Le jour du Brevet

■ Ce chapitre devrait vous permettre de gagner un temps précieux le jour du Brevet. Ne plus perdre du temps sur vos calculs vous permettra de vous concentrer sur le reste (et donc de ramasser des points ailleurs...).