

Table des matières

| | |
|---|----|
| Préface | 3 |
| Introduction..... | 5 |
| 1 | |
| Les mathématiciens grecs et Euclide | 11 |
| Thalès et son fameux théorème | 11 |
| Pythagore et les mathématiques au temps présocratique | 12 |
| <i>L'harmonie des sphères</i> | 13 |
| L'Académie de Platon et le Lycée d'Aristote | 13 |
| Les œuvres d'Euclide..... | 14 |
| <i>L'optique d'Euclide</i> | 15 |
| Diophante, l'Euclide de l'arithmétique | 16 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Preclarissimus liber elementorum Euclidis, in artem geometriae</i> (Les Éléments), 1482 | 18 |
| Références relatives à la biographie d'Euclide | 23 |
| 2 | |
| Archimède et la mesure du cercle..... | 25 |
| Archimède, aperçu de sa vie et de son œuvre | 25 |
| <i>Ératosthène un contemporain d'Archimède</i> | 26 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Archimedis Syracusani philosophi ac geometrae excellentissimi opera</i> (Les œuvres d'Archimède : <i>La mesure du cercle</i>), 1544 | 28 |
| Références relatives à la biographie d'Archimède..... | 33 |
| 3 | |
| François Viète et l'algèbre symbolique | 35 |
| La vie de François Viète | 35 |
| Aperçu de l'œuvre de François Viète..... | 36 |
| <i>La trigonométrie</i> | 36 |
| <i>L'algèbre</i> | 36 |
| <i>Les problèmes issus de l'Antiquité</i> | 37 |
| Analyse d'une œuvre : <i>In artem analyticem isagoge</i> (Introduction à l'art analytique) | 39 |
| Références relatives à la biographie de Viète..... | 44 |

4

| | |
|--|-----------|
| Henry Briggs et les logarithmes..... | 45 |
| La vie de Henry Briggs..... | 45 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Arithmetica logarithmica</i> , 1624 | |
| (Arithmétique logarithmique) | 49 |
| Références relatives à la biographie de Briggs..... | 53 |

5

| | |
|---|-----------|
| Francesco Cavalieri et les origines du calcul infinitésimal | 55 |
| La vie de Francesco Cavalieri | 55 |
| Ouvrages publiés par Cavalieri..... | 56 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Geometria indivisibilibus continuorum nova quadam ratione promota</i> (Géométrie des continus), 1635 | 58 |
| Références relatives à la biographie de Cavalieri..... | 63 |

6

| | |
|--|-----------|
| René Descartes et la géométrie analytique | 65 |
| La vie de René Descartes..... | 65 |
| Les principes de la philosophie : <i>Lettre-préface de Descartes</i> | 67 |
| Un avis critique | 68 |
| Très bref aperçu de l'œuvre de René Descartes | 68 |
| <i>Le discours de la méthode</i> | 68 |
| <i>Cosmologie et physique de Descartes</i> | 69 |
| Analyse d'une œuvre : <i>La Géométrie</i> , 1637 | 71 |
| Références relatives à la biographie de Descartes | 77 |

7

| | |
|---|-----------|
| Galilée, de l'usage des mathématiques en mécanique..... | 79 |
| La vie de Galileo Galilei..... | 79 |
| Aperçu de l'œuvre de Galileo Galilei | 82 |
| <i>Galilée, les mathématiques et la mécanique</i> | 82 |
| <i>Galilée et l'astronomie</i> | 83 |
| <i>Galilée et la cosmologie</i> | 83 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Discorsi e dimostrazioni matematiche, intorno a due nuove scienze attenenti alla mecanica & i movimenti locali</i> (Discours et démonstrations mathématiques relatifs à la mécanique et aux mouvements locaux), 1638 | 86 |
| Références relatives à la biographie de Galilée | 94 |

8

| | |
|---|-----------|
| John Wallis et les débuts du calcul intégral | 95 |
| La vie de John Wallis..... | 95 |
| Aperçu des travaux et publications de Wallis..... | 97 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Arithmetica infinitorum</i> | |
| (L'arithmétique de l'infini), 1656 | 102 |
| Références relatives à la biographie de Wallis | 105 |

9

| | |
|---|------------|
| Blaise Pascal et son fameux triangle | 107 |
| La vie de Blaise Pascal | 107 |
| <i>Les carrosses à cinq sols</i> | 110 |
| Aperçu de l'œuvre de Blaise Pascal | 110 |
| <i>La physique</i> | 110 |
| <i>La géométrie</i> | 111 |
| <i>L'analyse infinitésimale</i> | 111 |
| <i>Arithmétique</i> | 112 |
| <i>Probabilité</i> | 112 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Traité du triangle arithmétique</i> , 1665 | 114 |
| Références relatives à la biographie de Pascal | 119 |

10

| | |
|---|------------|
| Pierre Fermat et la détermination des maxima et des minima | 121 |
| La vie de Pierre Fermat | 121 |
| Aperçu de l'œuvre de Pierre Fermat..... | 123 |
| <i>Le grand théorème de Fermat</i> | 123 |
| <i>Fermat et la géométrie</i> | 124 |
| <i>Fermat et le calcul infinitésimal</i> | 124 |
| <i>Fermat et le calcul des probabilités</i> | 124 |
| <i>Fermat et la physique</i> | 124 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Varia opera mathematica</i> | |
| (CŒuvres mathématiques diverses : | |
| <i>Recherche du maximum et du minimum</i>), 1769..... | 127 |
| Références relatives à la biographie de Fermat | 131 |

11

| | |
|---|------------|
| Gottfried Leibniz et le calcul différentiel | 133 |
| La vie de Leibniz..... | 133 |
| Aperçu de l'œuvre scientifique de Leibniz | 136 |
| <i>Leibniz créateur de notation</i> | 138 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Nova methodus pro maximis et minimis</i> | |
| (Une nouvelle méthode de détermination des maximum | |
| et des minimum), 1684 | 139 |
| Références relatives à la biographie de Leibniz | 145 |

12

| | |
|--|------------|
| Isaac Newton, mathématicien et physicien..... | 147 |
| La vie d'Isaac Newton | 147 |
| <i>Biot nous apporte le témoignage de Huygens sur une période difficile de la vie de Newton.....</i> | 152 |
| <i>L'Opticks de Newton présentée par Einstein.....</i> | 153 |
| Aperçu de l'œuvre d'Isaac Newton..... | 154 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Philosophiae naturalis Principia mathematica</i> (Les Principes mathématiques de philosophie naturelle), 1687 | 157 |
| Annexe : histoire de la publication des <i>Principia</i> | 168 |
| Analyse d'une œuvre : <i>The Method of Fluxions and Infinite Series</i> , 1736..... | 169 |
| Analyse d'un document : <i>Commercium epistolicum</i> (La correspondance de John Collins et d'autres relative aux progrès de l'analyse, éditée par ordre de la Société Royale), 1712 | 173 |
| <i>Références relatives à la biographie de Newton</i> | 179 |

13

| | |
|--|------------|
| Jacob Bernoulli et les probabilités | 181 |
| La vie de Jacob Bernoulli..... | 181 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Ars Conjectandi</i> (L'art de la conjecture)..... | 186 |
| <i>Références relatives à la biographie de Jacob Bernoulli.....</i> | 191 |

14

| | |
|--|------------|
| Jean d'Alembert et la dynamique | 193 |
| La vie et l'œuvre de d'Alembert | 193 |
| <i>Clairaut découvreur et concurrent de d'Alembert.....</i> | 194 |
| <i>L'équation de d'Alembert</i> | 195 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Traité de dynamique</i> , 1743 | 199 |
| <i>Références relatives à la biographie de d'Alembert.....</i> | 201 |

15

| | |
|--|------------|
| Léonhard Euler et l'analyse | 203 |
| La vie et les œuvres de Léonhard Euler..... | 203 |
| <i>Euler un mathématicien prolifique.....</i> | 207 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Introductio in analysin infinitorum</i> (Introduction à l'analyse infinitésimale), 1748 | 210 |
| <i>Références relatives à la biographie d'Euler</i> | 215 |

16

| | |
|---|------------|
| Joseph-Louis Lagrange et la mécanique analytique | 217 |
| La vie et l'œuvre de Joseph-Louis Lagrange | 217 |
| Les publications de Lagrange | 221 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Méchanique analytique</i> , 1788 | 224 |
| Références relatives à la biographie de Lagrange..... | 229 |

17

| | |
|---|------------|
| Gaspard Monge et la géométrie descriptive | 231 |
| La vie de Gaspard Monge | 231 |
| Aperçu de l'œuvre de Gaspard Monge..... | 235 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Géométrie descriptive</i> , 1799 | 239 |
| Références relatives à la biographie de Monge..... | 243 |

18

| | |
|--|------------|
| Carl Friedrich Gauss et l'arithmétique..... | 245 |
| La vie de Carl Friedrich Gauss..... | 245 |
| <i>La loi de Bode</i> | 247 |
| Les publications de Gauss | 249 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Disquisitiones arithméticae</i> | |
| (Recherches arithmétiques), 1801..... | 252 |
| Références relatives à la biographie de Gauss..... | 255 |

19

| | |
|--|------------|
| Adrien-Marie Legendre et les moindres carrés | 257 |
| La vie d'Adrien-Marie Legendre | 257 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Nouvelles méthodes pour la détermination des orbites des comètes</i> , 1805 | 263 |
| Références relatives à la biographie de Legendre..... | 266 |

20

| | |
|---|------------|
| Pierre Simon Laplace et la théorie analytique des probabilités | 267 |
| La vie de Pierre Simon Laplace..... | 267 |
| <i>La Société d'Arcueil</i> | 268 |
| Aperçu de l'œuvre de Pierre Simon Laplace | 272 |
| <i>Laplace et la mécanique céleste</i> | 272 |
| <i>Laplace et le déterminisme</i> | 273 |
| <i>Laplace et la physique</i> | 273 |
| Les publications de Laplace..... | 274 |
| Analyse d'une œuvre : <i>La Théorie analytique des Probabilités</i> , 1812 | 276 |
| Références relatives à la biographie de Laplace..... | 280 |

21

| | |
|---|------------|
| Augustin Cauchy et l'analyse..... | 281 |
| La vie d'Augustin Cauchy | 281 |
| <i>Cauchy, le Comité des Sciences et l'Institut Catholique de Paris</i> | 285 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Le cours d'analyse de Cauchy.....</i> | 288 |
| <i>Références relatives à la biographie de Cauchy</i> | 293 |

22

| | |
|--|------------|
| Joseph Fourier et la théorie de la chaleur..... | 295 |
| La vie de Joseph Fourier | 295 |
| L'œuvre de Joseph Fourier..... | 297 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Théorie analytique de la chaleur, 1822.....</i> | 301 |
| <i>Références relatives à la biographie de Fourier</i> | 304 |

23

| | |
|--|------------|
| Niels Abel, la généralisation de la formule du binôme | 305 |
| La vie de Niels Abel | 305 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Recherches sur les séries</i> | 312 |
| <i>Références relatives à la biographie de Abel</i> | 315 |

24

| | |
|--|------------|
| Boole et la logique mathématique..... | 317 |
| La vie de Boole | 317 |
| L'œuvre scientifique de George Boole..... | 318 |
| Analyse d'une œuvre : <i>An investigation of the laws of thought on which are founded the mathematical theories of logic and probabilities</i> | |
| (Une recherche des lois de la pensée), 1854 | 322 |
| <i>Références relatives à la biographie de Boole</i> | 326 |

25

| | |
|---|------------|
| Bernhard Riemann et la géométrie non euclidienne | 327 |
| La vie de Bernhard Riemann..... | 327 |
| Les œuvres de Bernhard Riemann..... | 328 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Ueber die Hypothesen, welche der Geometrie zu Grunde liegen</i> (Sur les hypothèses qui servent de base à la géométrie), 1867..... | 334 |
| <i>Références relatives à la biographie de Riemann</i> | 347 |

26

| | |
|--|------------|
| Josiah Gibbs et l'analyse vectorielle | 349 |
| La vie de Josiah Gibbs..... | 349 |
| Les œuvres de Gibbs | 350 |
| Références des publications de Gibbs..... | 351 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Elements of Vector analysis</i> (Éléments d'analyse vectorielle), 1881-1884..... | 353 |
| Références relatives à la biographie de Gibbs..... | 358 |

27

| | |
|---|------------|
| Henri Poincaré, un mathématicien au service de la physique | 359 |
| La vie de Henri Poincaré | 359 |
| Les œuvres mathématiques de Poincaré | 362 |
| Analyse d'une œuvre : <i>La dynamique de l'électron</i> , 1905 | 367 |
| Références relatives à la biographie de Poincaré | 379 |

28

| | |
|--|------------|
| Albert Einstein, continuateur de Riemann | 381 |
| Biographie d'Einstein | 381 |
| Analyse d'une œuvre : <i>Die grundlage der allgemeinen Relativitätstheorie</i> (La relativité générale), 1916..... | 390 |
| Références relatives à la biographie d'Einstein..... | 395 |

| | |
|---|------------|
| Annexes | 397 |
| Liste d'ouvrages importants dans l'histoire des mathématiques (classement chronologique) | 397 |
| Bibliographie des œuvres complètes | 403 |